

# Lineare Algebra

**Einleitung**

**Def. Relation**

**Def. Äquivalenzrelation**

**Def. Äquivalenzklasse**

**Def. Abbildung oder Funktion**

**Def. surjektiv, injektiv, bijektiv**

**Gruppen**

**Def. Untergruppe**

**Def. Rechts- und Linksnebenklasse**

**Def. Normalteiler**

**Def. Homomorphismus**

**Def. Monomorphismus, Epimorphismus, Isomorphismus**

**Def. Permutationen, Zykelschreibweise, Transposition**

**Def. Funktion f**

**Def. Signum-Funktion**

**Def. Gerade, Ungerade, Alternierende Gruppe**

**Ringe**

**Def. Ringhomomorphismus**

**Def. Ideal**

**Körper**

**Vektorräume**

**Def. Unterraum**

**Def. Linearkombination**

**Def. Summe von Unterräumen  $U_1 + U_2$**

**Def. Erzeognissystem**

**Def. Lineare Unabhängigkeit**

**Def. Basis**

**Def. Dimension**

**Def. Homomorphismus (Lineare Abbildung) bei Vektorräumen**

**Def. Koordinatenvektor**

**Def. (m x n)-Matrix**

**Def. Rang einer Matrix**

**Def. Zeilenstufenform**

**Matrixmultiplikation**

**Lineare Abbildungen und Matrizen**

**Def. Bild  $\varphi$  und Kern  $\varphi$**

**Dimensionssatz für lineare Abbildungen**

**Def. Darstellungsmatrix**

**Def. Koordinatenabbildung**

**Def. äquivalent, ähnlich**

## **Lineare Gleichungssysteme**

**Def. Lineare Gleichungssysteme / homogen**

## **Determinanten**

**Def. Multilinearform / Bilinearform**

**Def. Alternierende Multilinearform / Ausgeartete Multilinearform**

**Def. Determinante**

**Def. Adjungte Matrix**

## **Eigenwerte und Eigenvektoren**

**Def. Eigenvektor, Eigenwert**

**Def. charakteristisches Polynom**

**Def. Eigenvektor, Eigenwert für Matrizen**

**Def. algebraisch abgeschlossen**

**Def. Polynom, Koeffizienten, Leitkoeffizient, normiert, Menge der Polynome  $K[X]$**

**Def. Vielfachheit einer Nullstelle**

**Def. Ableitung auf Polynomring**

**Def. irreduzibel**

**Def. Teiler eines Polynoms  $g \mid f$  ( $g$  ein Teiler von  $f$ )**

**Def. größte gemeinsame Teile, kleinstes gemeinsames Vielfache**

**Def. teilerfremd**

**Direkte Summen**

**Def. Direkte Summe**

**Def.  $\alpha$  invariant**

**Def. Diagonalsierbar**

**Minimalpolynom**

**Def. Minimalpolynom**

**Def.  $\alpha$  zyklisch**

**Def.  $\alpha$  – unzerlegbar**

**Def. Frobeniusmatrix**

**Frobeniusnormalform, rationale Normalform**

**Def. Jordanmatrix**  $J_{n,\lambda}$

**Jordan-Normalform**

**Bilinearform**

**Def. Bilinearform**

**Def. kongruent**

**Def. symmetrisch bzw. antisymmetrisch**

**Def. Bilinearform symmetrisch bzw. antisymmetrisch**

**Def. Rang von  $\varphi$ , regulär = nicht ausgeartet**

**Def. positiv definit**

**Def. Skalarprodukt oder inneres Produkt / euklidischer Raum / Betrag, Norm, Länge**

**Def. hermitesche Form / positiv definit / unitärer Raum**

**Def. hermitesch / Adjungierte Matrix**

**Def. komplex kongruent**

**Def. normiert**

**Def. Winkel / senkrecht oder orthogonal**

**Def. Orthogonalsystem / Orthonormalsystem / Orthogonalbasis / Orthonormalbasis**

**Def. orthogonale Mengen / orthogonale Komplement**

**Adjungierte und normale Endomorphismen**

**Def. adjungiert**

**Def. normal**

**Orthogonale und unitäre Endomorphismen**

**Def orthogonal bzw. unitär**

**Def. orthogonal (Matrix)**

**Def. orthogonal ähnlich bzw. unitär ähnlich**

**Def. positiv Definit**

**Faktorräume**

**Def. Faktorraum**